

# Inhaltsverzeichnis

<b>Vorwort</b> . . . . .	<b>V</b>
<b>1 Grundlagen der Analysis und Linearen Algebra</b> . . . . .	<b>1</b>
1.1 Begriffe und Ergebnisse . . . . .	1
1.1.1 Mathematische Logik . . . . .	1
1.1.2 Binomischer Satz . . . . .	3
1.1.3 Ungleichungen, Betrag . . . . .	3
1.1.4 $p$ -adische Darstellung der Zahlen . . . . .	5
1.1.5 Komplexe Zahlen . . . . .	6
1.1.6 Mengen . . . . .	10
1.1.7 Funktionen . . . . .	14
1.1.8 Polynome, Horner-Schema . . . . .	17
1.1.9 Vektorräume . . . . .	19
1.1.10 Geometrie in der Ebene und im Raum . . . . .	27
1.1.11 Lineare Gleichungssysteme, Abbildungen und Matrizen . . . . .	34
1.1.12 Folgen und Reihen reeller und komplexer Zahlen . . . . .	47
1.1.13 Grenzwerte von Funktionen . . . . .	55
1.1.14 Stetige Funktionen . . . . .	58
1.1.15 Funktionenfolgen, Funktionenreihen, Potenzreihen . . . . .	62
1.1.16 Elementare Funktionen . . . . .	65
1.2 Aufgaben für das erste Kapitel . . . . .	75
1.3 Erster Test für das erste Kapitel . . . . .	159
1.4 Zweiter Test für das erste Kapitel . . . . .	166
1.5 Dritter Test für das erste Kapitel . . . . .	171
<b>2 Differenziation, Integration und Matrizenkalkül</b> . . . . .	<b>179</b>
2.1 Begriffe und Ergebnisse . . . . .	179
2.1.1 Differenzierbare Funktionen . . . . .	179
2.1.2 Die Regeln von de l'Hospital . . . . .	189
2.1.3 Iterationsverfahren . . . . .	191
2.1.4 Kurvendiskussion . . . . .	194
2.1.5 Interpolationspolynome und Spline-Interpolation . . . . .	196
2.1.6 Integralrechnung . . . . .	199
2.1.7 Uneigentliche Integrale . . . . .	212
2.1.8 Quadraturformeln . . . . .	215

2.1.9	Gewöhnliche Differenzialgleichungen . . . . .	218
2.1.10	Lineare Abbildungen, Eigenwerte und Hauptachsentransformation von Matrizen . . . . .	227
2.1.11	Kurven und Flächen zweiter Ordnung . . . . .	233
2.1.12	Funktionen mehrerer Veränderlicher . . . . .	237
2.1.13	Parameterintegrale . . . . .	257
2.2	Aufgaben für das zweite Kapitel . . . . .	260
2.3	Erster Test für das zweite Kapitel . . . . .	379
2.4	Zweiter Test für das zweite Kapitel . . . . .	387
2.5	Dritter Test für das zweite Kapitel . . . . .	393
<b>3</b>	<b>Ausgewählte Themen aus der Analysis . . . . .</b>	<b>401</b>
3.1	Begriffe und Ergebnisse . . . . .	401
3.1.1	Kurven in der Ebene und im Raum . . . . .	401
3.1.2	Flächen im dreidimensionalen Raum . . . . .	407
3.1.3	Integrierbarkeit und Differenzierbarkeit von Funktionenfolgen und Funktionenreihen . . . . .	413
3.1.4	Periodische Funktionen und Fourierreihen . . . . .	415
3.1.5	Integrale von Funktionen mehrerer Veränderlicher . . . . .	419
3.1.6	Kurvenintegrale, Potenzialfelder, Greenscher Satz . . . . .	427
3.1.7	Oberflächenintegrale, Divergenzsatz von Gauß, Satz von Stokes . . . . .	431
3.1.8	Einführung in die Funktionentheorie . . . . .	434
3.1.9	Laplacetransformation und ihre Anwendungen . . . . .	453
3.1.10	Fouriertransformation und ihre Anwendungen . . . . .	459
3.2	Aufgaben für das dritte Kapitel . . . . .	464
3.3	Erster Test für das dritte Kapitel . . . . .	584
3.4	Zweiter Test für das dritte Kapitel . . . . .	599
3.5	Dritter Test für das dritte Kapitel . . . . .	608
<b>Literaturhinweise . . . . .</b>	<b>616</b>	
<b>Index . . . . .</b>	<b>617</b>	